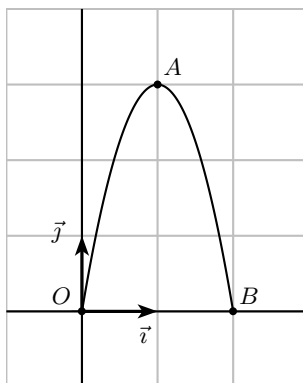


CONTRÔLE 6 : PRIMITIVES ET INTÉGRALES -26-01-12-
Terminale ES2, 2010-2011, Y. Angeli

Les 8 questions qui suivent sont indépendantes.

1. Calculer $\int_2^1 \left(2x - \frac{1}{x^2} \right) dx$.
2. Déterminer la primitive F de $f :]0, +\infty[\rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto x^2 - \frac{x}{2} + 1$ qui vérifie $F(1) = 0$.
3. Calculer la valeur moyenne de la fonction $x \mapsto x^3$ sur l'intervalle $[-m, m]$, où $m > 0$.
4. Soit $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ une fonction continue. Calculer $\int_4^4 g(x) dx$.
5. Soit $u :]-1; +\infty[\rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto \frac{3x^2}{2\sqrt{x^3+1}}$.
 - (a) Montrer que $U :]-1; +\infty[\rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto \sqrt{x^3+1}$ est une primitive de u .
 - (b) En déduire une primitive de $v :]-1; +\infty[\rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto \frac{x^2}{\sqrt{x^3+1}}$.
6. Soit p et q deux fonctions définies sur \mathbb{R} par $p(x) = x^2 + x + 2$ et $q(x) = x + 3$. On note \mathcal{C}_p et \mathcal{C}_q leurs courbes respectives dans un repère orthonormé.
 - (a) Étudier la position relative des deux courbes.
 - (b) Calculer l'aire de la surface située entre les deux courbes et délimitée en abscisse par $-1 \leq x \leq 1$.
7. La courbe ci-dessous représente une fonction w définie sur $[0, 2]$.
 - (a) Calculer l'aire en cm^2 du triangle OAB .
 - (b) Expliquer pourquoi $3 \leq \int_0^2 w(x) dx \leq 6$.



8. (bonus) Déterminer l'ensemble des primitives de $h : x \mapsto 6x(x^2 + 1)^2$.